

Számítógépes Grafika

9. előadás: árnyalás, textúrák, GPU

Bán Róbert

`rob.ban@inf.elte.hu`

Eötvös Loránd Tudományegyetem
Informatikai Kar

2025-2026. tavaszi félév

Tartalom

Áttekintés

Árnyalás

- Fényforrásmodellek

- Anyagmodellek

- Megvalósítás

Textúrázás

- Textúraleképezés

- Paraméterezés

- Textúra szűrés

- Procedurális textúrák

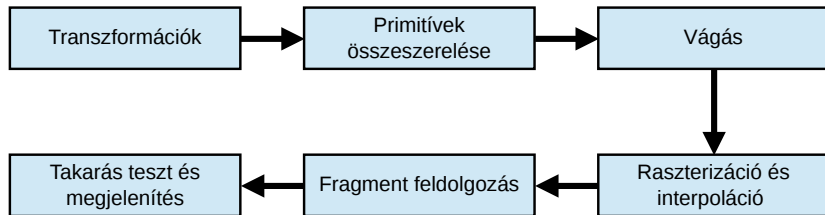
- Nem-szín textúrák

Inkrementális képszintézis a GPU-n

- Inkrementális képszintézis

- Pipeline a hardveren

Grafikus szerelőszalag



Fragmentek feldolgozása

- ▶ Ebben a lépésben kell meghatározni a fragmentek színét
- ▶ Most megnézzük, hogy miképp tehetjük ezt a fény-anyag kölcsönhatások modellezésével
- ▶ Illetve megvizsgáljuk, hogy mire használható a textúrázás

Lokális illumináció

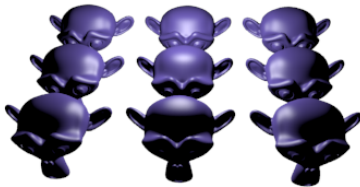
- ▶ Valamilyen egyszerűsített megvilágítási modell szerint határozzuk meg a fragment színét
- ▶ Ehhez szükségünk van
 - ▶ absztrakt fényforrásmodellekre
 - ▶ absztrakt anyagmodellekre
- ▶ Ezek kombinációjával közelítjük majd a kívánt megvilágítást

Fényforrás modellek



Irány fényforrás

Fényforrás modellek



Pont fényforrás

Fényforrás modellek



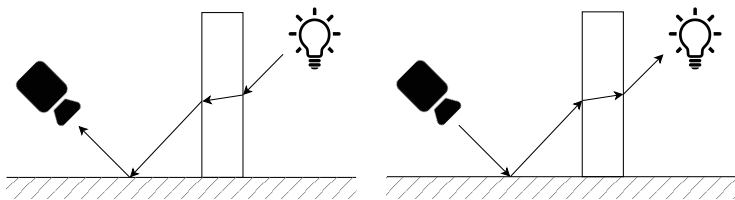
Spot fényforrás

Absztrakt fényforrások

- ▶ Irányfényforrás
 - ▶ csak iránya van
 - ▶ egyetlen (világ k.r.-beli) vektor megadja
 - ▶ a fénysugarakat párhuzamosnak tekintjük
 - ▶ távoli fényforrások megadására használható
- ▶ Pont fényforrás
 - ▶ csak pozíciója van
 - ▶ egy ponttal adjuk meg, világ k.r.-ben
 - ▶ Pl.: villanykörte
- ▶ *Spot* fényforrás
 - ▶ kúp: csúcspozíciója, tengelyiránya és „fényköre” van
 - ▶ egy pont és egy vektor (világ k.r.!) és két szög adja meg
 - ▶ Pl.: asztali lámpa

Helmholtz-törvény

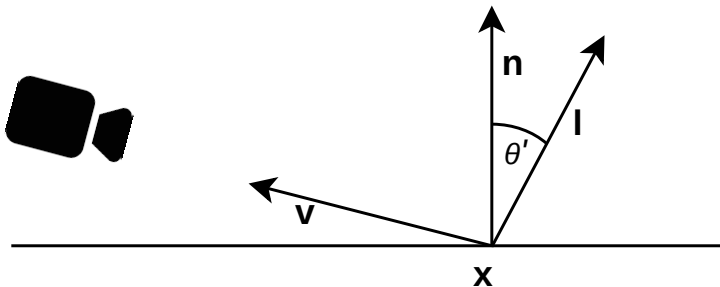
- ▶ Helmholtz-féle szimmetria: a fénysugár megfordítható
- ▶ Ez két dolog miatt jó nekünk:
 - ▶ Garantálja, hogy végső soron a radiancia csökken.
 - ▶ Nézzhetjük „visszafelé” a sugarakat.



Megvilágítási modellek – jelölések

- ▶ $\mathbf{v} := \omega$ a nézőpont felé mutató vektor
- ▶ $\mathbf{l} := \omega'$ a megvilágító, a fényt „adó” pont felé mutató vektor
- ▶ $\mathbf{n}$ a felületi normális
- ▶ $\mathbf{r}$ az ideális visszaverődés iránya az $\mathbf{l}$ beesési irányból, $\mathbf{n}$ normális mellett
- ▶ $\mathbf{v}, \mathbf{l}, \mathbf{n}, \mathbf{r}$ egységvektorok
- ▶ θ' az $\mathbf{l}$ és $\mathbf{n}$ által bezárt szög
- ▶ ϕ az $\mathbf{r}$ és $\mathbf{v}$ által bezárt szög

Megvilágítási modellek – jelölések



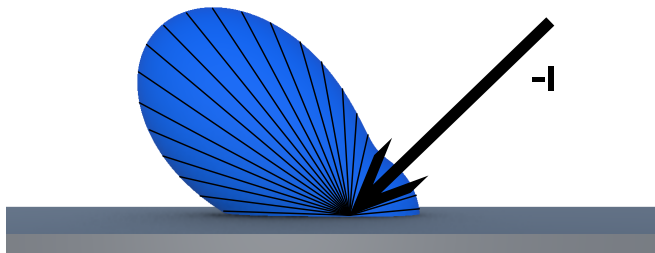
BRDF

- ▶ A *kétirányú visszaverődéses eloszlási függvény* (BRDF – bi-directional reflection distribution function) segítségével modellezzük a fény-anyag kölcsönhatásokat
- ▶ Legyen L^{in} egy adott irányból a felület egy pontjára beérkező, L pedig az onnan visszavert fény intenzitása (igazából: radianciája, azaz egységi felületből egységnyi térszögbe kibocsátott teljesítmény)
- ▶ A fenti jelölések mellett a BRDF a következő:

$$f_r(\mathbf{x}, \mathbf{v}, \mathbf{l}) = \frac{L}{L^{in} \cos \theta'}$$

- ▶ Megjegyzés: a $\cos \theta'$ azonos a globális illuminációs képletben (6. előadás) is szereplő mennyiséggel ($-\omega_\ell \cdot \mathbf{n}$).

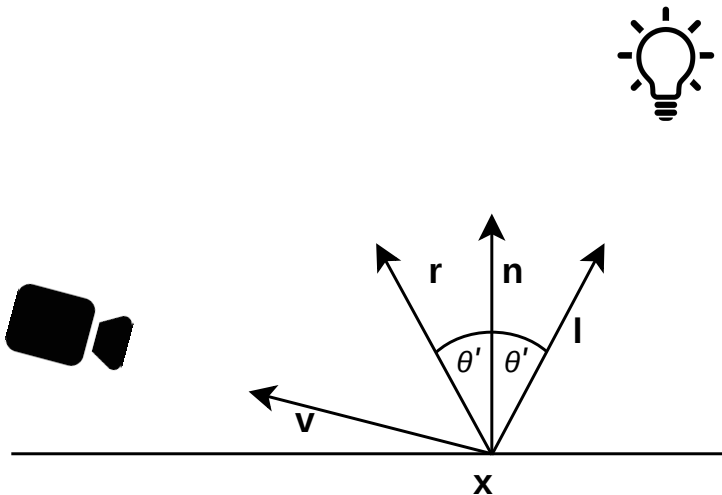
BRDF példa



Példa BRDF-re egy adott pontban az adott beérkezési iránnyal

- ▶ A függvény értékét a kék felület ábrázolja
- ▶ Minél messzebb van egy pont a beérkezési ponttól, annál valószínűbb, hogy arra fog a fény továbbhaladni
- ▶ Itt például a legnagyobb valószínűséggel az ideális tükörirány rendelkezik

Ideális visszaverődés



Ideális visszaverődés

- ▶ Az ideális tükör csak az $\mathbf{r}$ tükörirányba ver vissza. (ld. 4. EA)



$$f_r(\mathbf{x}, \mathbf{v}, \mathbf{l}) = k_r \frac{\delta(\mathbf{r} - \mathbf{v})}{\cos \theta'}$$

- ▶ δ a *Dirac-delta* függvény, ami egy általánosított függvény, amely minden nemnulla paraméterre nullát ad, de a valós számok felett vett integrálja 1.
- ▶ A k_r visszaverődési együttható a *Fresnel-együttható*. Ez függ az anyag törésmutatójától és az elektromos vezetési képességétől.
- ▶ A *Fresnel-együttható* a visszavert és beeső energia hányadát fejezi ki. Számolható fizikai mennyiség.

Ideális törés

- ▶ Jelölje $\mathbf{t}$ az ideális törési irányt. (ld. 4. EA)
- ▶ Az ideális tükörhöz hasonlóan kapjuk:



$$f_r(\mathbf{x}, \mathbf{v}, \mathbf{l}) = k_t \frac{\delta(\mathbf{t} - \mathbf{v})}{\cos \theta'}$$

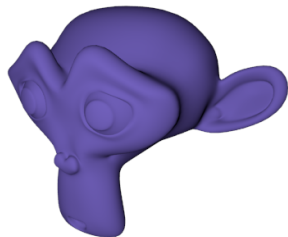
- ▶ k_t a törési *Fresnel-együttható*.

Lambert-törvény

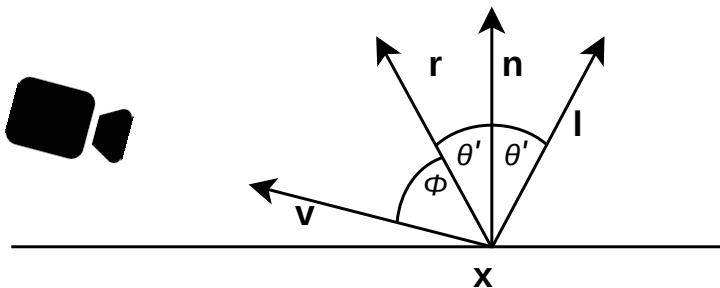
- ▶ Optikailag durva, *diffúz* felületek leírására jó.
- ▶ Feltételezés: a visszavert fénymennyiség nem függ a nézeti iránytól.
- ▶ Helmholtz-törvényt miatt akkor a bejövő iránytól sem függhet, azaz konstans:

$$f_r(\mathbf{x}, \mathbf{v}, \mathbf{l}) = k_d$$

- ▶ Csak ezt nézve: $L_{ref} = L_i k_d \cos^+ \theta'$



Spekuláris visszaverődés – Phong modell



Spekuláris visszaverődés – Phong modell

- ▶ A tükörirányban intenzíven visszaverő, de attól távolodva gyorsan elhaló „csillanás” adható meg vele.
- ▶ Legyen ϕ az $\mathbf{r}$ tükörirány és a $\mathbf{v}$ nézeti irány által bezárt szög.
- ▶ Ekkor $\cos \phi = \mathbf{r} \cdot \mathbf{v}$
- ▶ Olyan függvényt keresünk, ami $\phi = 0$ -ra nagy, de gyorsan elhal.



$$f_r(\mathbf{x}, \mathbf{v}, \mathbf{l}) = k_s \frac{\cos^n \phi}{\cos \theta'}$$

Nem szimmetrikus!

- ▶ Csak ezt nézve: $L_{ref} = L_i k_s (\cos^+ \phi)^n$

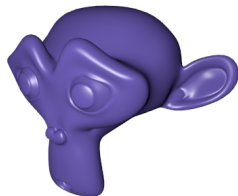
Spekuláris visszaverődés – Phong modell



$n = 5$

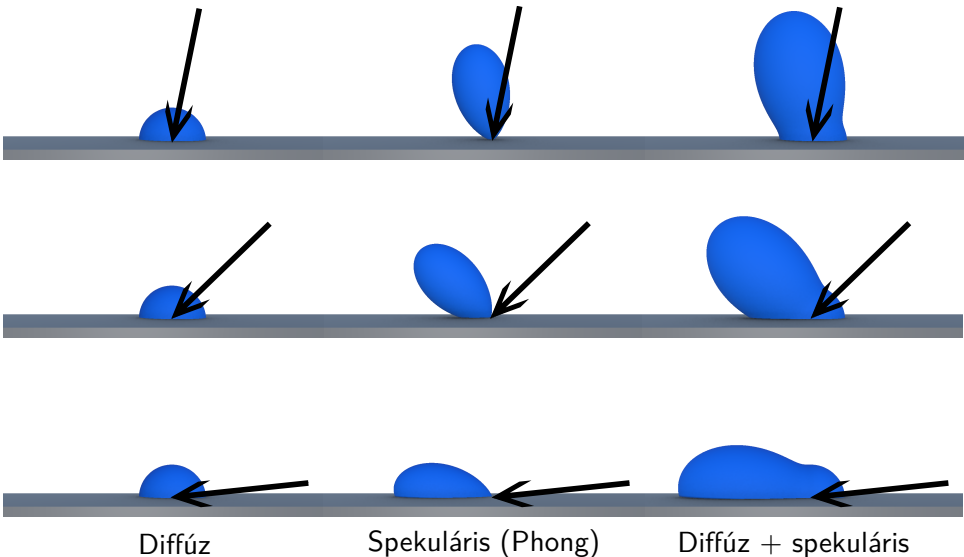


$n = 25$

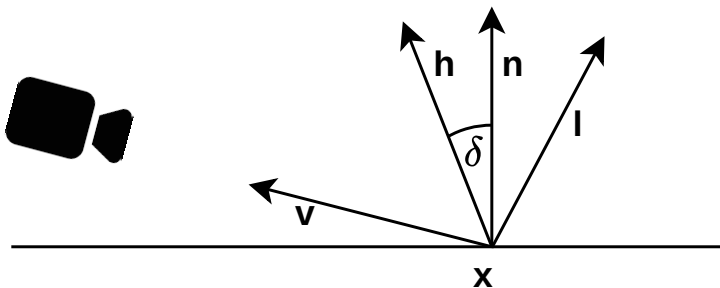


$n = 50$

BRDF – diffúz és spekuláris komponens



Spekuláris visszaverődés – Phong-Blinn modell



Spekuláris visszaverődés – Phong-Blinn modell

- ▶ Legyen $\mathbf{h}$ a nézeti irány és a megvilágító pont felé mutató vektorok felezővektora.



$$\mathbf{h} = \frac{\mathbf{v} + \mathbf{l}}{\|\mathbf{v} + \mathbf{l}\|}$$

- ▶ Legyen δ a $\mathbf{h}$ és az $\mathbf{n}$ normálvektor által bezárt szög.

- ▶ Ekkor $\cos \delta = \mathbf{h} \cdot \mathbf{n}$



$$f_r(\mathbf{x}, \mathbf{v}, \mathbf{l}) = k_s \frac{\cos^n \delta}{\cos \theta'}$$

- ▶ Csak ezt nézve: $L_{ref} = L_i k_s (\cos^+ \delta)^n$

Megvilágítási modellek megvalósítása

- ▶ A korábbi képletek a fény egyetlen hullámhosszának viselkedését írják le.
- ▶ A teljes spektrumot kellene leírunk, de egyszerűsítünk: csak az RGB hullámhosszokkal számolunk.
- ▶ A legtöbb felület nem feleltethető meg egyetlen modellnek, több modellel együttesen írjuk le az anyag és a fény kölcsönhatását.
- ▶ A különböző modellekből származó fénymennyiséget *összegezzük*.
- ▶ Mivel csak lokális illuminációt számítunk, a többszörös visszaverődésekből származó fényt elveszítjük. Ezt külön pótoljuk (*ambiens fény*).

Ambiens tag

- ▶ A szintéren mindenütt jelenlevő fény mennyiség.
- ▶ Képlet: $k_a \cdot L_a$, ahol „ $\cdot$ ” most a koordinátánkénti szorzás:
 $[a, b, c] \cdot [x, y, z] = [ax, by, cz]$
- ▶ k_a a felülettől függ, legyen
`vec3 ambientColor`
- ▶ Itt a k_a számhármass azt határozza meg, hogy a beeső fényintenzitás hányad részét veri vissza az anyag az R, G, B-nek megfelelő hullámhosszokon. k_a a *felület tulajdonsága*.
- ▶ L_a fényforrástól, felülettől független, az állandó háttér-megvilágítás intenzitása az RGB hullámhosszokon. L_a a *színtér tulajdonsága*.
- ▶ *Fragment shaderben* (DirectX-ben pixel shader) használható:
`ambientColor * ambientLight`

Diffúz komponens – Lambert-törvény

- ▶ BRDF alapján: $L_{ref} = L_i k_d \cos^+ \theta'$
- ▶ Ezt neveztük *diffúz színnek*.
- ▶ k_d és L_i mint az előbb, de L_i az aktuális *fényforrás tulajdonsága*:
`vec3 diffuseColor`
`vec3 diffuseLight`
- ▶ Kell még: $\cos^+ \theta'$. ($\cos^+$: ahol negatív a $\cos$, ott 0.)
- ▶ Kiszámítása: `clamp(dot(normal, toLight), 0, 1)`
- ▶ Ismerni kell hozzá `normal = n`-t és `toLight = l`-t.
- ▶
$$\text{clamp}(x, a, b) = \begin{cases} a & , \text{ha } x < a \\ x & , \text{ha } x \in [a, b] \\ b & , \text{ha } x > b \end{cases}$$
- ▶ *Spot* fényforrásnál a fénykört is figyelembe kell majd venni.

Spekuláris visszaverődés – Phong modell

- ▶ BRDF alapján: $L_{ref} = L_i k_s (\cos^+ \phi)^n$, ahol ϕ az $\mathbf{r}$ tükörirány és a $\mathbf{v}$ nézeti irány által bezárt szög.
- ▶ k_d és L_i (ez egy másik L_i) megint mint az előbb, L_i szintén az aktuális *fényforrás tulajdonsága*:
`vec3 specularColor`
`vec3 specularLight`
- ▶ n felület függő konstans, legyen
`float specularPower`

Spekuláris visszaverődés – Phong modell

$L_{ref} = L_i k_s (\cos^+ \phi)^n$; $\mathbf{r}$ tükörirány és a $\mathbf{v}$ nézeti irány.

- ▶ Kell $\cos^+ \phi$, amihez szükséges $\mathbf{r}$ és $\mathbf{v}$.
- ▶ $\mathbf{r}$ a $\mathbf{l}$ vektor $\mathbf{n}$ -re vett tükörképe. Számítása:
`vec3 refl = reflect(-toLight, normal)`
- ▶ $\mathbf{v}$ a nézeti irány, azaz a felületi pontból a kamerába mutató egységvektor.
`vec3 toEye = normalize(eyePosition - worldPos)`
- ▶ $(\cos^+ \phi)^n$ számítása:
`pow(clamp(dot(refl, toEye), 0, 1), specularPower)`

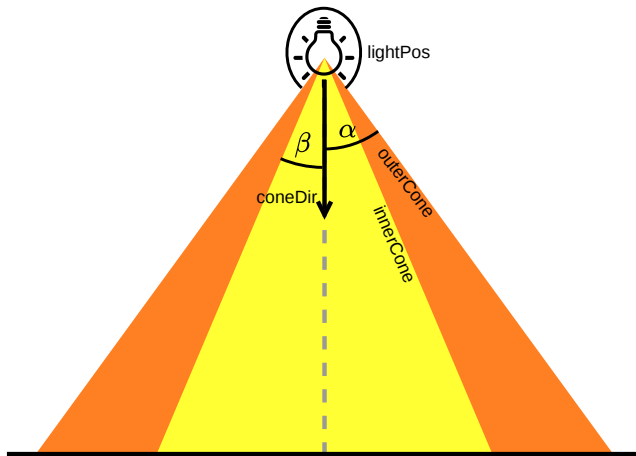
toLight számítása

- ▶ Irány fényforrás
 - ▶ Fény iránya, normalizált irányvektor: `vec3 lightDirection`
 - ▶ `toLight = -lightDirection`
- ▶ Pont fényforrás
 - ▶ Fény pozíciója, helyvektor: `vec3 lightPosition`
 - ▶ `toLight = normalize(lightPosition - worldPos)`
- ▶ *Spot* fényforrás
 - ▶ Kúp tengelyiránya, normalizált irányvektor: `vec3 coneDirection`
 - ▶ Csúcs pozíciója, helyvektor: `vec3 lightPosition`
 - ▶ `toLight = normalize(lightPosition - worldPos)`
mint pont fényforrás esetén

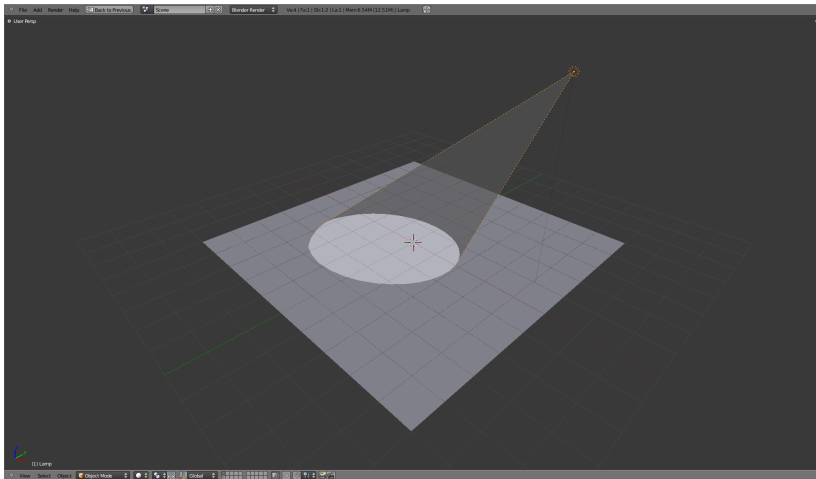
Spot fényforrás hatása

- ▶ Két extra paraméter:
 - ▶ belső fénykör: amin belül teljes intenzitással hat
 - ▶ külső fénykör: amin kívül abszolút nem hat
- ▶ A kettő között folyamatosan csökken a fény intenzitása.
- ▶ A fényköröket a fényforrásból induló, a fény irányával megegyező állású (végtelen)kúpoknak tekintjük.
- ▶ Egy felületi pont akkor van benne egy kúpban, ha a pontot a fényforrás pozíciójával összekötő egyenes a kúpon belül van.

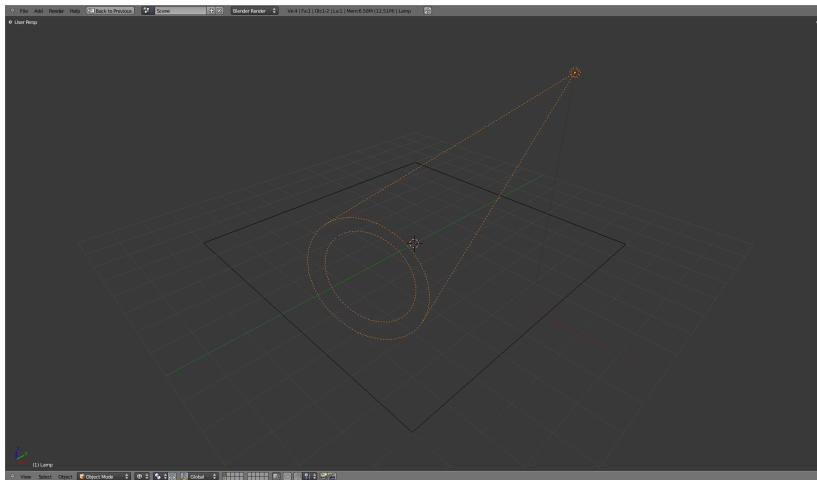
Spot fényforrás



Spot fényforrás



Spot fényforrás



Spot fényforrás hatása

- ▶ Ha a `coneDirection` és a `-toLight` által bezárt szög, kisebb, mint a kúp nyílásszögének a fele, akkor a szakasz benne van a kúpban, azaz a felületi pont is
- ▶ A szögek helyett elég vizsgálni azok $\cos$ -át, ha a max. nyílásszög $\leq 180^\circ$
- ▶ Adjuk meg a két fénykört, a hozzájuk tartozó kúpok nyílásszögének felének $\cos$ -ával:
 - ▶ belső fénykör: `cosInnerCone`
 - ▶ külső fénykör: `cosOuterCone`

Spot fényforrás hatása

- ▶ `smoothstep(min, max, x)`:
 - ▶ 0, ha $x < \min$
 - ▶ 1, ha $x > \max$
 - ▶ egy átmenet 0 és 1 között (kübös Hermite, helyette lehetne használni lineáris interpolációt is)
- ▶ `float spotFactor = smoothstep(cosOuterCone, cosInnerCone, dot(coneDirection, -toLight))`
- ▶ Ezzel kell beszorozni a diffúz és a spekuláris tagot

Összefoglalva

Felület tulajdonságai

- ▶ `ambientColor`
- ▶ `diffuseColor`
- ▶ `specularColor`
- ▶ `specularPower`
- ▶ `normal`
- ▶ `worldPos`

Fényforrás tulajdonságai

- ▶ `diffuseLight`
- ▶ `specularLight`
- ▶ `toLight`

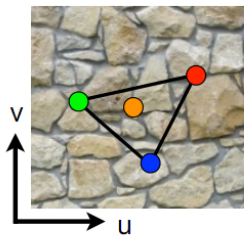
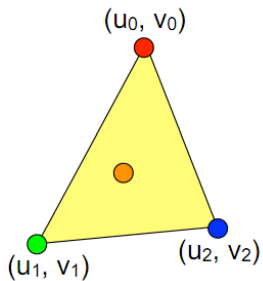
Színtér tulajdonságai

- ▶ `ambientLight`
- ▶ `eyePosition`

Mi az a textúrázás?

- ▶ Eddig: *egyszínű* anyag modellek, azaz a teljes felület azonos színű. – Kevés ilyen van a valóságban.
- ▶ Finom részleteket szeretnénk megadni.
- ▶ Változó paraméterekre van szükségünk a BRDF-ben.
- ▶ Ezeket a paramétereket – elsősorban színt – adjuk meg a *textúrákban*.
- ▶ A textúrák segítségével tehát a felület pontjaihoz további információt rendelünk a vertexektől függetlenül.

Textúrázás



Textúra megadási módok

- ▶ „Tömbbel”:
 - ▶ valamilyen 1/2/3 dimenziós tömbből olvasunk, elemei a *texel*-ek
 - ▶ 2D szemléletesen: a geometriánkat a tömbben tárolt „képpel” „fedjük/csomagoljuk be”
 - ▶ *textúratérben* vett koordinátákkal azonosítjuk a texeleket, a koordináták $[0, 1]$ intervallumon vannak értelmezve
- ▶ Függvénnyel adjuk meg:
 - ▶ valamilyen $f: (x, y, z) \rightarrow \text{szín}$ vagy $f: (u, v) \rightarrow \text{szín}$ függvény segítségével
 - ▶ ezt nevezzük *procedurális textúrázásnak*

Leképezési módok

- ▶ Két terünk van: *képtér* (képernyő pixelei) és *textúratér* (textúra texelei)
- ▶ Honnan, hova képezzünk?
- ▶ Textúratér → képtér: *textúra alapú leképezés*
 - » Minden *texel*hez keressünk a neki megfelelő *pixel*t.
 - ⊕ Hatékony.
 - ⊖ Nem biztos, hogy minden pixel sorra kerül, és ami mégis, nem biztos, hogy csak egyszer.
- ▶ Képtér → textúratér: *képtér alapú leképezés*
 - » Minden *pixel*hez keresünk a neki megfelelő *texel*t.
 - ⊕ Inkrementális képszintézishez jól passzol.
 - ⊖ Szükség van hozzá a paraméterezési és vetítési transzformációk inverzére.

Paraméterezés

- ▶ Hogyan tudjuk eldönteni, hogy az egyes felületi pontokhoz a tömb melyik elemét választjuk, vagy a procedurális textúra függvényét milyen paraméterekkel értékeljük ki?
- ▶ A felület minden pontjához *textúra koordinátákat* rendelünk.
- ▶ A textúra koordináták hozzárendelését a felülethez nevezzük most *paraméterezésnek*.
- ▶ A továbbiakban 2D textúrákról beszélünk.

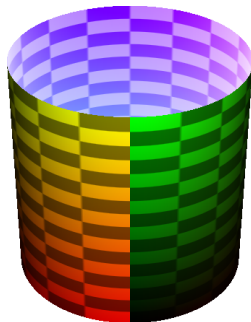
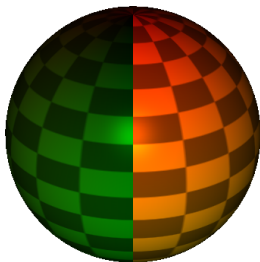
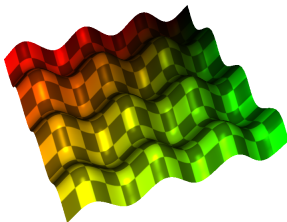
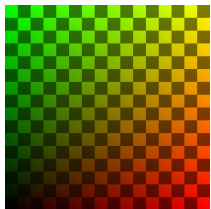
Parametrikus felületek paraméterezése

- ▶ Parametrikus felület:

$$F \in \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3, \quad F(u, v) := (x, y, z)$$

- ▶ u, v paraméterek természetes módon használhatóak textúra koordinátáknak.
- ▶ Ha $\mathcal{D}_F \neq \mathcal{D}_{\text{tex}}$, akkor u, v -t transzformálni kell.
- ▶ Pl:
 - ▶ Henger palást
 - ▶ $\mathcal{D}_F = [0, 2\pi] \times [0, h]$, $F(u, v) := (\cos u, \sin u, v)$
 - ▶ Textúra tér: $(\bar{u}, \bar{v}) \in [0, 1] \times [0, 1]$
 - ▶ Transzformáció: $\bar{u} := u/2\pi$, $\bar{v} := v/h$

Parametrikus felületek paraméterezése



Háromszögek paraméterezése

- ▶ Legyen adott a háromszög három csúcsa:
 $\mathbf{p}_i = (x_i, y_i, z_i) \in \mathbb{R}^3$, $i \in \{1, 2, 3\}$, valamint az ezeknek megfelelő csúcsok textúra térben:
 $\mathbf{t}_i = (u_i, v_i) \in \mathbb{R}^2$, $i \in \{1, 2, 3\}$.
- ▶ Olyan $\mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ leképezést keresünk, amire $\mathbf{p}_i \mapsto \mathbf{t}_i$, és háromszöget háromszögbe visz át.
- ▶ A legegyszerűbb ilyen leképezés a lineáris leképezés, ami megadható egy 3×3 -as mátrixszal.

$$\begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A_x & A_y & A_z \\ B_x & B_y & B_z \\ C_x & C_y & C_z \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} u \\ v \\ 1 \end{bmatrix} = \mathbf{P} \cdot \begin{bmatrix} u \\ v \\ 1 \end{bmatrix}$$

Háromszögek paraméterezése

$$\begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A_x & A_y & A_z \\ B_x & B_y & B_z \\ C_x & C_y & C_z \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} u \\ v \\ 1 \end{bmatrix} = \mathbf{P} \cdot \begin{bmatrix} u \\ v \\ 1 \end{bmatrix}$$

- ▶ Kilenc ismeretlen, kilenc egyenlet
- ▶ Ez textúra alapú leképezés!
- ▶ Képtér alapú leképezéshez inverz trafó kell:

$$\begin{bmatrix} u \\ v \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_x & a_y & a_z \\ b_x & b_y & b_z \\ c_x & c_y & c_z \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \mathbf{P}^{-1} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix}$$

Textúrázás és sugárkövetés

- ▶ Felület-sugár metszés: világ-koordináta rendszerben
- ▶ Inverz transzformációk:
 - ▶ Világ KR $\rightarrow$ Model KR
 - ▶ Model KR $\rightarrow$ textúra tér

Model KR $\rightarrow$ textúra tér

- ▶ Parametrikus felületek

A metszéspont számítás során adódik u, v , nem kell külön számítani.

- ▶ Háromszögek

Az előbb levezetett $\mathbf{P}^{-1}$ szükséges.

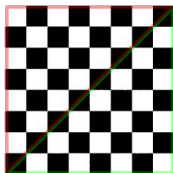
Gyorsítási lehetőség: ha sem maga a háromszög, sem a textúra koordináták nem változnak a csúcsokban (azaz a geometria nem animált), akkor $\mathbf{P}^{-1}$ állandó.

Háromszögek paraméterezése

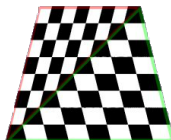
- ▶ Gyakorlatban ez gyorsan számítható inkrementális algoritmussal.
- ▶ Ha a három csúcsban adottak a textúra koordináták, akkor ezeket a háromszögek kitöltésénél használt algoritmussal kiszámíthatjuk minden pixelre.
- ▶ Minden pontra legyen a felület egy pontja
 $\mathbf{p} = \alpha \mathbf{p}_1 + \beta \mathbf{p}_2 + \gamma \mathbf{p}_3$, az α, β, γ baricentrikus koordinátákkal adott.
- ▶ Ekkor a $\mathbf{p}$ -hez tartozó textúra koordináta is megkapható
 $\mathbf{t} = \alpha \mathbf{t}_1 + \beta \mathbf{t}_2 + \gamma \mathbf{t}_3$ alapján

Perspektivikusan korrekt textúrázás

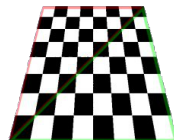
- ▶ A textúra koordináták lineáris interpolációja hibás képet ad, ha a megjelenítendő háromszögon nem csak affin transzformációt végzünk.
- ▶ Értsd: esetek 99%-a.



Sík

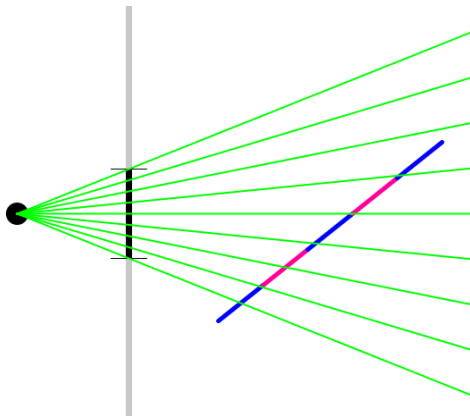


Affin



Helyes

Perspektivikusan korrekt textúrázás



Perspektivikusan korrekt textúrázás

- ▶ Tehát u, v lineáris interpolációja nem lesz jó nem affin transzformációk esetén – ugyanis ezek nem lineárisak a képernyőterben
- ▶ Transzformálva, homogén osztás előtt a koordinátáink legyenek $[x_t, y_t, z_t, w_t]$
- ▶ Homogén osztás után: $[x_s, y_s, z_s, 1] = [\frac{x_t}{w_t}, \frac{y_t}{w_t}, \frac{z_t}{w_t}, 1]$
- ▶ Ha $[x_s, y_s, z_s, 1]$ szerint interpoláljuk a textúra koordinátákat, akkor az nem lesz jó.
- ▶ Ezzel szemben: ha $\frac{1}{w}$ -t interpoláljuk, az helyes marad! Sőt, bármilyen $\frac{q}{w}$ érték jól interpolálódik!
- ▶ α, β, γ helyett használjuk a világ koordináta-rendszerbeli $\alpha_w, \beta_w, \gamma_w$ koordinátákat, és
- ▶ $\frac{\alpha_w}{w}, \frac{\beta_w}{w}, \frac{\gamma_w}{w}$ interpolálva helyes textúrázást kapunk.

*Perspektivikusan korrekt textúrázás - bizonyítás 1/3

- ▶ Jelölje most a képernyő-koordinátákat X, Y , a térbeli koordinátákat pedig x, y, z , amelyek között fennáll a következő:

$$X = \frac{x}{z}, \quad Y = \frac{y}{z}$$

amiből nyilván $x = Xz$, $y = Yz$.

- ▶ Tegyük fel, hogy a fenti pont egy háromszög (vagy általában poligon) egy csúcspontja és legyen ezen primitív síkjának implicit egyenlete

$$Ax + By + Cz = D$$

- ▶ Jelölje u, v a térbeli primitív pontjainak textúrakoordinátáit, amiket tegyük fel, hogy kifejezhetünk az x, y, z koordináták lineáris függvényeként:

$$u = ax + by + cz + d, \quad v = ex + fy + gz + h$$

*Perspektivikusan korrekt textúrázás - bizonyítás 2/3

Lássuk be, hogy $1/z$ lineáris függvénye X, Y -nak:

- ▶ Induljunk ki a primitívünk síkjának implicit egyenletéből:

$$Ax + By + Cz = D$$

amibe beírva x és y a képernyő-koordinátákkal (X, Y -nal) való kifejezését kapjuk, hogy

$$AXz + BYz + Cz = D$$

- ▶ Ezt osszuk el zD -vel (azaz fejezzük ki $1/z$ -t):

$$\frac{1}{z} = \frac{A}{D}X + \frac{B}{D}Y + \frac{C}{D}$$

- ▶ Mivel A, B, C, D konstansok (azaz függetlenek X, Y -tól), ezért a fenti valóban $1/z$ kifejezése az X, Y lineáris függvényeként

*Perspektivikusan korrekt textúrázás - bizonyítás 3/3

Lássuk be, hogy u/z , v/z lineáris függvénye X , Y -nak:

- Feltettük, hogy a textúrakoordináták a térbeli koordinátákban lineárisak, azaz

$$u = ax + by + cz + d$$

$$v = ex + fy + gz + h$$

amibe behelyettesítve a térbeli koordináták képkordinátákkal való kifejezését kapjuk, hogy

$$u = aXz + bYz + cz + d$$

$$v = eXz + fYz + gz + h$$

*Perspektivikusan korrekt textúrázás - bizonyítás 3/3

Lássuk be, hogy $u/z, v/z$ lineáris függvénye X, Y -nak:

- ▶ Osszuk z -vel és helyettesítsük be az előbb kapott összefüggést $1/z$ -re a jobboldalon:

$$\frac{u}{z} = aX + bY + c + d \left(\frac{A}{D}X + \frac{B}{D}Y + \frac{C}{D} \right)$$

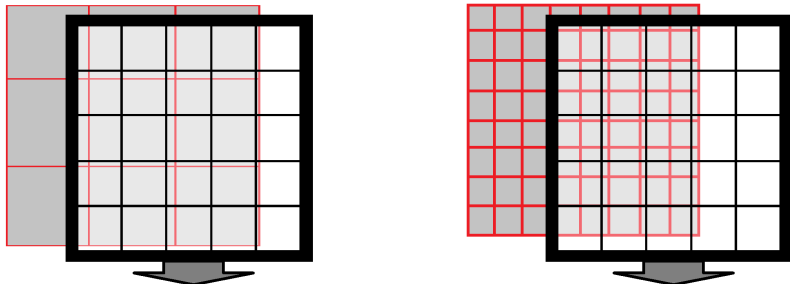
$$\frac{v}{z} = eX + fY + g + h \left(\frac{A}{D}X + \frac{B}{D}Y + \frac{C}{D} \right)$$

azaz valóban lineárisak, mert a fentit átrendezve

$$\frac{u}{z} = \left(a + d\frac{A}{D} \right) X + \left(b + d\frac{B}{D} \right) Y + \left(c + d\frac{C}{D} \right)$$

$$\frac{v}{z} = \left(e + h\frac{A}{D} \right) X + \left(f + h\frac{B}{D} \right) Y + \left(g + h\frac{C}{D} \right)$$

Textúrák szűrése



- ▶ Ritkán esik pontosan egy texel egy pixelre.
- ▶ Nagyítás: a pixel mérete kisebb a texelénél – több pixel jut egyetlen texelre. OpenGL: `GL_TEXTURE_MAG_FILTER`
- ▶ Kicsinyítés: a pixel mérete nagyobb a texelénél – több texel jut egyetlen pixelre. OpenGL: `GL_TEXTURE_MIN_FILTER`
- ▶ További probléma: ami a textúra térben lineáris, az nem az a képtérben a perspektíva miatt.

Nagyítás

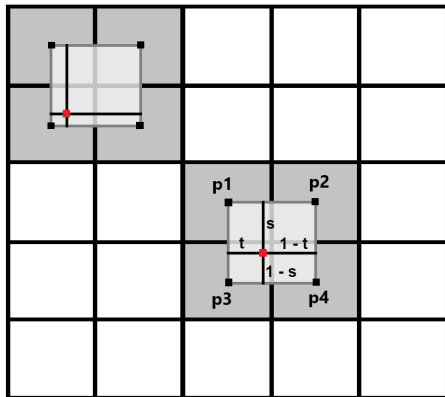
Egy pixel mérete kisebb egy texelénél – több pixel jut egyetlen texelre

- ▶ Szűrés nélkül (Nearest neighbour filtering): a pixel középpontjához legközelebb eső texel értékét használjuk.
- ▶ Bilineáris szűrés: a legközelebbi négy texel súlyozott átlagát vesszük.

Bilineáris szűrés

$$\mathbf{b}(s, t) = (1 - t)((1 - s)\mathbf{p1} + s\mathbf{p3}) \\ + t((1 - s)\mathbf{p2} + s\mathbf{p4})$$

$$s, t \in [0, 1]$$



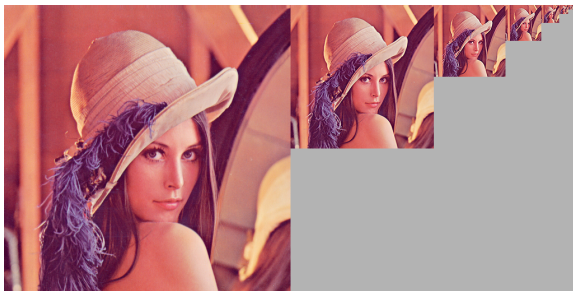
Kicsinyítés

Egy pixel mérete nagyobb egy texelénél – több texel jut egyetlen pixelre

- ▶ Pontos mintavételezés lenne: a pixel négyzetét transzformáljuk el textúra térbe, és az ott kijelölt texelek átlagát vegyük.
- ▶ Helyette: a textúra térben is négyzetet veszünk.
- ▶ Gyakorlatban: a textúra egy tetszőleges négyzetének a leátlagolása túl erőforrás igényes, helyette vagy használjunk kevesebb texelt, vagy *MIP-map*-eket
- ▶ Kevesebb texel:
 - ▶ Szűrés nélkül (Nearest neighbour filtering): a pixel középpontjához legközelebb eső texel értékét használjuk.
 - ▶ Bilineáris szűrés: a legközelebbi négy texel súlyozott átlagát vesszük.

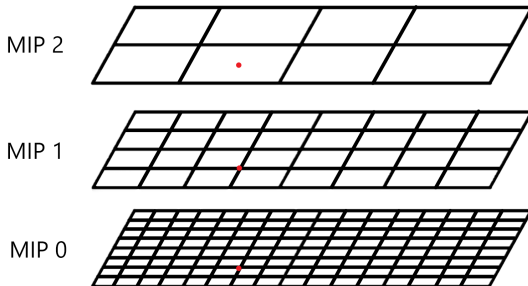
MIP-map-ek

- ▶ MIP: *multum in parvo* – sok, kis helyen
- ▶ Ú.n. piramist generálunk a textúrából, minden szinten felezve a méretét

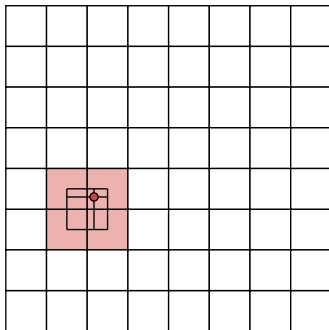


MIP-map-ek

- ▶ Szűrés során kiválasztjuk a pixel/texel terület arányának megfelelő szintet és onnan olvasunk.
- ▶ Az adott MIP-map-en belül is lehet az olvasás szűrés nélküli, vagy lehet bilienárisan szűrt.
- ▶ *Trilineáris szűrés*: két szomszédos szintet használunk, azokon belül bilineáris szűréssel, és ezeknek vesszük a súlyozott átlagát.

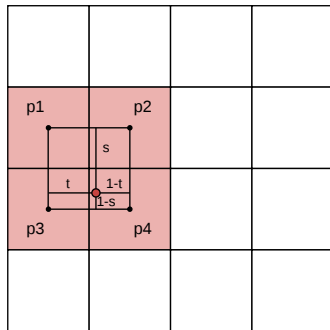


Trilineáris szűrés



Mipmap N. szint

Bilineáris eredmény

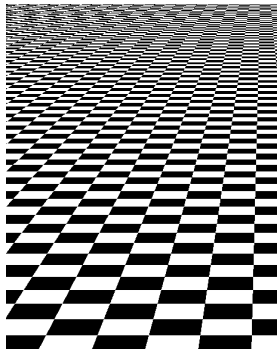


Mipmap N+1.szint

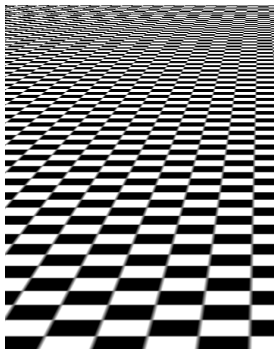
Bilineáris eredmény

Lineáris interpoláció folytonos N alapján

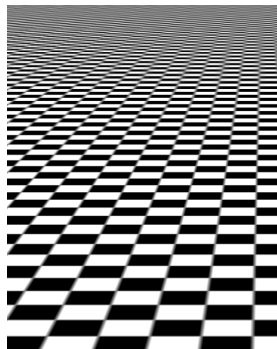
Szűrések – összehasonlítás



Nearest neighbour



Bilineáris



Trilineáris

Szűrések – összehasonlítás



Nearest neighbour



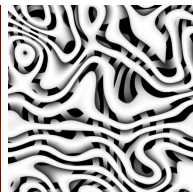
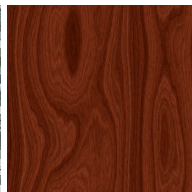
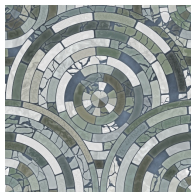
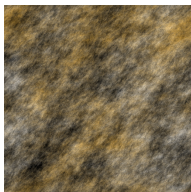
Bilineáris



Trilineáris

Procedurális textúrák

- ▶ A textúrákat „tömb” helyett megadhatjuk függvénnyel is.
- ▶ Textúra koordináták: a függvény paraméterei.



generated with Filter Forge

Tulajdonságai

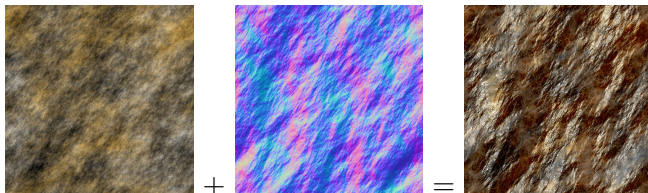
- ▶ Előnyök:
 - ▶ Sokkal kevesebb tárhely
 - ▶ Tetszőleges felbontás – csak a numerikus pontosság a korlát
 - ⇒ Nagyításnál nem kell szűrés. (Kicsinyítést sajnos nem oldja meg.)
- ▶ Hátrányok:
 - ▶ Nagy számításigény.
 - ▶ Bonyolultabban módosítható.

Nem-szín textúrák

- ▶ A textúrák segítségével a felületi pont bármilyen tulajdonságát leírhatjuk.
- ▶ Ezek a tulajdonságok lehetnek pl.:
 - ▶ felületi normális – *Bucka ill. normál leképezés*
 - ▶ elmozdulás – *Displacement leképezés*
 - ▶ fényforrás láthatósága – *Árnyéktérképek*
 - ▶ tükröként visszavert fény – *Visszaverődés-leképezés ill. Környezetleképezés*

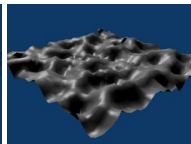
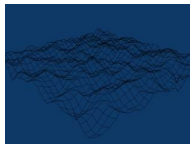
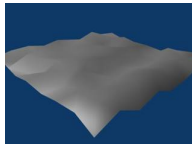
Bucka vagy normál leképezés

- ▶ A textúrával normál vektorokat adunk meg.
- ▶ A felület eredeti normálisai helyett ezeket használjuk a megvilágítás számításakor.
- ▶ Rücskös/érdes felület látszatát adja, amíg nem nézünk rá túl lapos szögben.



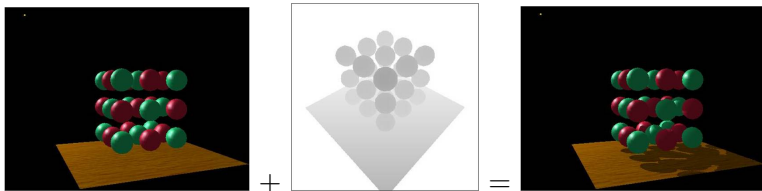
Displacement leképezés

- ▶ A felületi pontot ténylegesen arrébb mozdítjuk.
- ▶ A csak háromszögek csúcsait tudjuk elmozdítani $\Rightarrow$ függ a geometria felbontásától.
- ▶ Lapos szögben is helyes látványt kapunk.



Árnyéktérképek

- ▶ A fényforrás szemszögéből készítünk egy textúrát, amiben a fényforrástól vett távolságokat tároljuk el.
- ▶ A tényleges rajzolás során ez alapján döntjük el minden pontra, hogy azt éri-e közvetlenül a fény vagy sem.

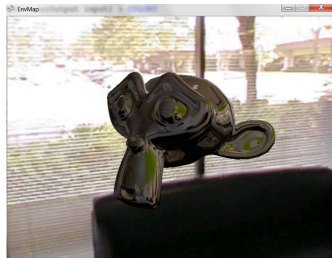
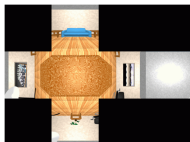
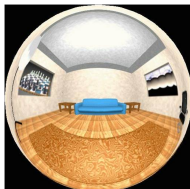


Visszaverődés-leképezés

- ▶ Sík tükrök esetén használható.
- ▶ Külön képet készítünk, textúrába mentve, arról, hogy mi látszik tükörirányban.
- ▶ Ezt textúraként ráfeszítjük a felületre a végső kirajzoláskor.
- ▶ Csak egyszeres tükröződést ad.
- ▶ Tükrönként külön el kell végezni.

Környezetleképezés

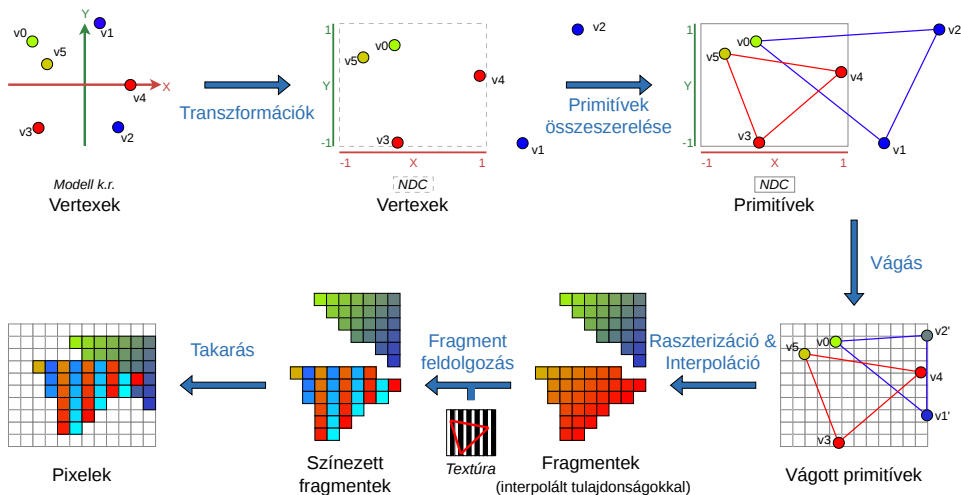
- ▶ A színterünk környezetét végtelenül távolinak tekintjük, a lekérdezésnél csak az irány számít, a pozíció nem.
- ▶ Speciális textúrában tároljuk. (Jellemzően *Cubemap*.)
- ▶ Rajzolásnál a tükröződő felületekhez ebből olvasunk a tükörirány szerint.



Összefoglalva

- ▶ Minden felületi-optikai tulajdonságot meg lehet adni konstanssal, vagy akár textúrával.
- ▶ (Sőt, még többet, ha ügyesek vagyunk!)
- ▶ Minden vektor és pont világkoordináta-rendszerben adott.
- ▶ `eyePosition`-t frissíteni kell, ha változik a nézet!
- ▶ Probléma: a modellünk modell k.r.-ben van, és a *Vertex Shader* normalizált eszköz k.r.-be visz át!
- ▶ Megoldás: számoltassunk a *Vertex Shader*-rel világ k.r.-beli koordinátákat is, és ezeket interpolálva adjuk át a *Fragment Shader*-nek!

Inkrementális képszíntézis



Pipeline

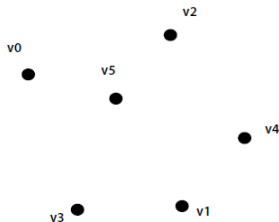
- ▶ Az elvégzendő feladatokat részfeladatokra bontjuk
- ▶ Mindegyik részfeladatot más-más feldolgozóegység (processzor) dolgozza fel (ideális esetben)
- ▶ Minden egység inputja, a pipeline-ban őt megelőző egység outputja

Pipeline

- ▶ Ahhoz, hogy egy egység el tudjon kezdeni dolgozni, nem kell megvárnia, hogy befejeződjön a munka az *egész* munkadarabon, csak az előtte lévő részek kell, hogy készen legyenek!
- ▶ → ha n pipeline fázist (**stage**-et) vezetünk be, akkor egy adott pillanatban egyszerre akár n elemen is dolgozhatunk (felfutás után)
- ▶ Nem csak GPU! Már a Pentium IV-nek is 20 pipeline stage-e volt (egy GeForce 3-nak 6-800)

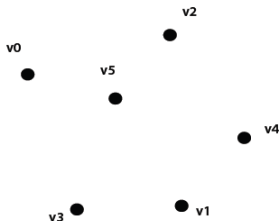
Párhuzamosítások a gyakorlatban – per vertex

- ▶ Amikor `glDrawArrays`, `glDrawElements` stb. hívást csinálunk, akkor a kirajzolandó primitív csúcspontjaira elindul a szerelőszalag
- ▶ Minden **csúcspontot** *egymástól függetlenül, párhuzamosan* transzformálunk

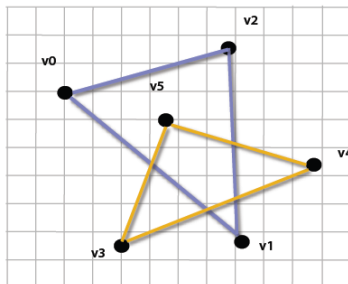


Párhuzamosítások a gyakorlatban – per primitív

- Minden kirajzolandó **primitívet** egymástól függetlenül, párhuzamosan vágunk



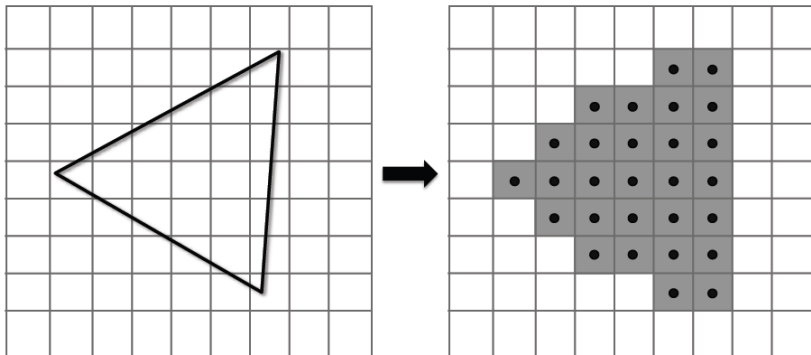
Vertices



**Primitives
(triangles)**

Párhuzamosítások a gyakorlatban – per primitív

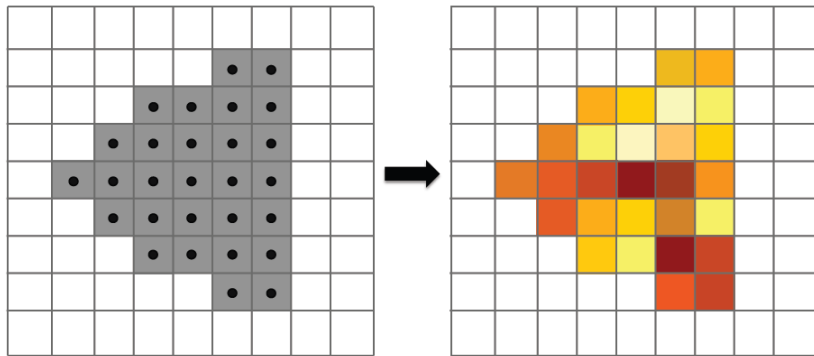
- ▶ Minden kirajzolandó **primitívet** egymástól függetlenül, párhuzamosan raszterizálunk



Fragments

Párhuzamosítások a gyakorlatban – per fragment

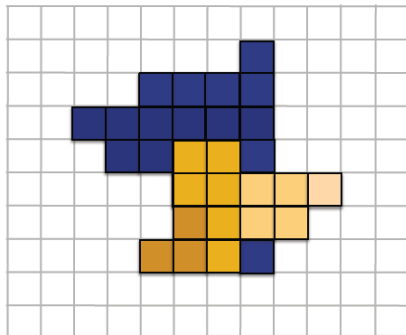
- ▶ Minden kirajzolandó **fragmentet** egymástól függetlenül, párhuzamosan színezzünk



Shaded fragments

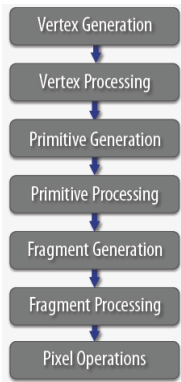
Párhuzamosítások a gyakorlatban – per pixel

- ▶ Minden fragmenthez tartozó **pixelre** meghatározzuk a képernyőn megjelenítendő képpontszínt (+Z-pufferrel láthatóságot)



Pixels

Szerelőszalag a hardveren



GPU-programozás

- ▶ Nincs explicit párhuzamosítás
- ▶ Mert az abból származik, hogy a különböző elemeket egymástól függetlenül, (akár időben) párhuzamosan dolgozzuk fel

Shaderek fordítása

```
sampler mySamp;  
Texture2D<float3> myTex;  
float3 lightDir;  
  
float4 diffuseShader(float3 norm, float2 uv)  
{  
    float3 kd;  
    kd = myTex.Sample(mySamp, uv);  
    kd *= clamp( dot(lightDir, norm), 0.0, 1.0);  
    return float4(kd, 1.0);  
}
```

1 input fragment record



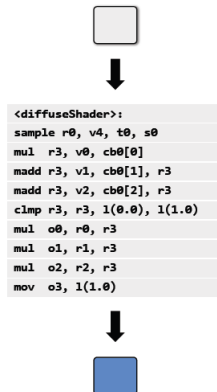
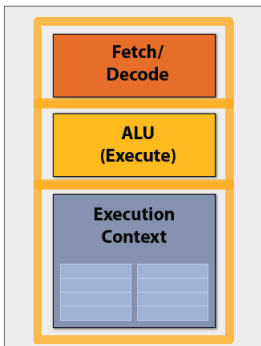
```
<diffuseShader>:  
sample r0, v4, t0, s0  
mul r3, v0, cb0[0]  
madd r3, v1, cb0[1], r3  
madd r3, v2, cb0[2], r3  
clmp r3, r3, 1(0.0), 1(1.0)  
mul o0, r0, r3  
mul o1, r1, r3  
mul o2, r2, r3  
mov o3, 1(1.0)
```



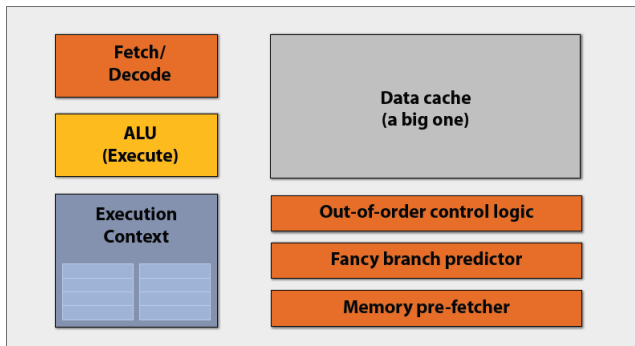
1 output fragment record



Shaderek végrehajtása

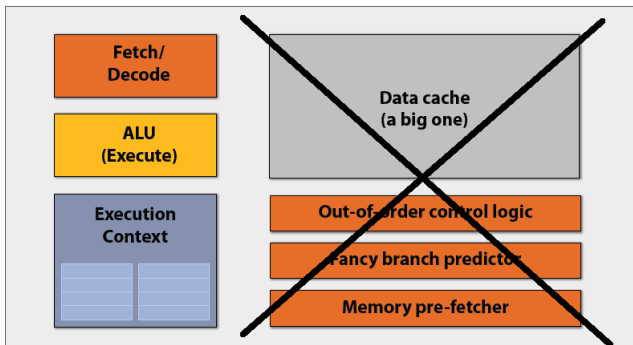


Egy tipikus CPU váz



GPU-s feldolgozó egység

A csak egyetlen egy szál gyors végrehajtását segítő komponenseket vegyük ki

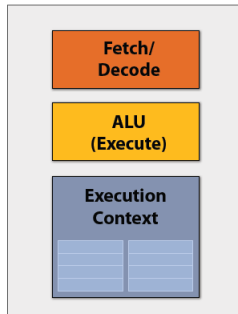
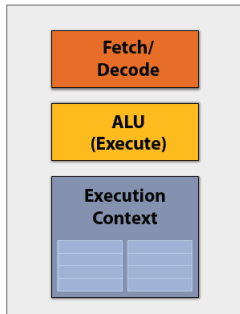


GPU – 2 feldolgozó egység, 2 shader

fragment 1



```
<diffuseshader>:
sample r0, v4, t0, s0
mul r3, v0, cb0[0]
madd r3, v1, cb0[1], r3
madd r3, v2, cb0[2], r3
clmp r3, r3, l(0.0), l(1.0)
mul o0, r0, r3
mul o1, r1, r3
mul o2, r2, r3
mov o3, l(1.0)
```



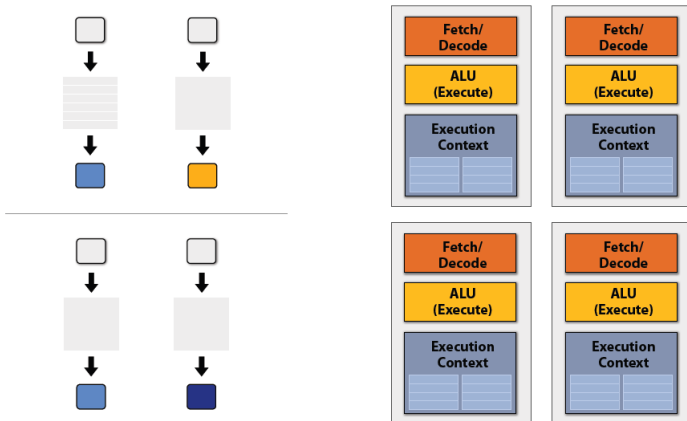
fragment 2



```
<diffuseshader>:
sample r0, v4, t0, s0
mul r3, v0, cb0[0]
madd r3, v1, cb0[1], r3
madd r3, v2, cb0[2], r3
clmp r3, r3, l(0.0), l(1.0)
mul o0, r0, r3
mul o1, r1, r3
mul o2, r2, r3
mov o3, l(1.0)
```



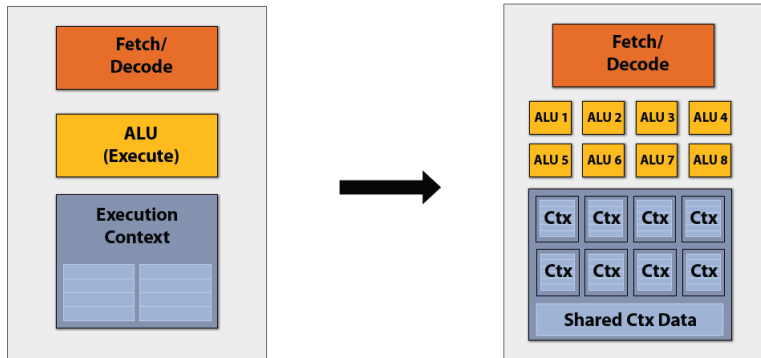
GPU – 4 feldolgozó egység, 4 shader



GPU feldolgozó egységek

- ▶ Előbbi ábrákon mindegyik feldolgozóegység különböző shader-kódokat is futtathatott
- ▶ De erre nincs feltétlen szükség!
- ▶ Egy háromszögből nagyon sok fragment is készülhet → mindre ugyanazt a shadert kell lefuttatni!
- ▶ ⇒ csökkentsük a költségeket úgy, hogy több ALU-hoz közös utasításszedőt (azaz: futtatott programot) rendelünk → **Single Instruction Multiple Data**

GPU feldolgozó egység



GPU feldolgozó egység

```
<diffuseShader>:
```

```
sample r0, v4, t0, s0
```

```
mul r3, v0, cb0[0]
```

```
madd r3, v1, cb0[1], r3
```

```
madd r3, v2, cb0[2], r3
```

```
clmp r3, r3, 1(0.0), 1(1.0)
```

```
mul o0, r0, r3
```

```
mul o1, r1, r3
```

```
mul o2, r2, r3
```

```
mov o3, 1(1.0)
```



```
<VEC8_diffuseShader>:
```

```
VEC8_sample vec_r0, vec_v4, t0, vec_s0
```

```
VEC8_mul vec_r3, vec_v0, cb0[0]
```

```
VEC8_madd vec_r3, vec_v1, cb0[1], vec_r3
```

```
VEC8_madd vec_r3, vec_v2, cb0[2], vec_r3
```

```
VEC8_clmp vec_r3, vec_r3, 1(0.0), 1(1.0)
```

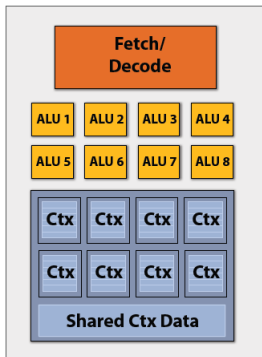
```
VEC8_mul vec_o0, vec_r0, vec_r3
```

```
VEC8_mul vec_o1, vec_r1, vec_r3
```

```
VEC8_mul vec_o2, vec_r2, vec_r3
```

```
VEC8_mov o3, 1(1.0)
```

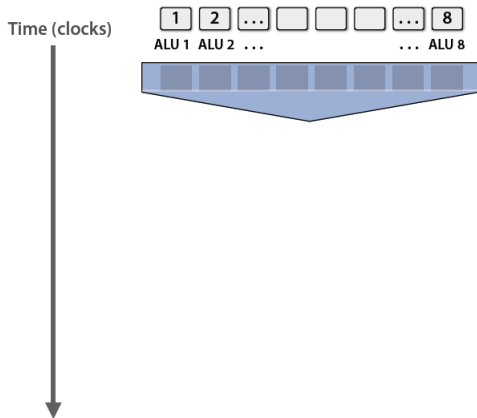
GPU feldolgozó egység



```
<VEC8_diffuseShader>:  
VEC8_sample vec_r0, vec_v4, t0, vec_s0  
VEC8_mul vec_r3, vec_v0, cb0[0]  
VEC8_madd vec_r3, vec_v1, cb0[1], vec_r3  
VEC8_madd vec_r3, vec_v2, cb0[2], vec_r3  
VEC8_clmp vec_r3, vec_r3, 1(0.0), 1(1.0)  
VEC8_mul vec_o0, vec_r0, vec_r3  
VEC8_mul vec_o1, vec_r1, vec_r3  
VEC8_mul vec_o2, vec_r2, vec_r3  
VEC8_mov o3, 1(1.0)
```



Elágazások

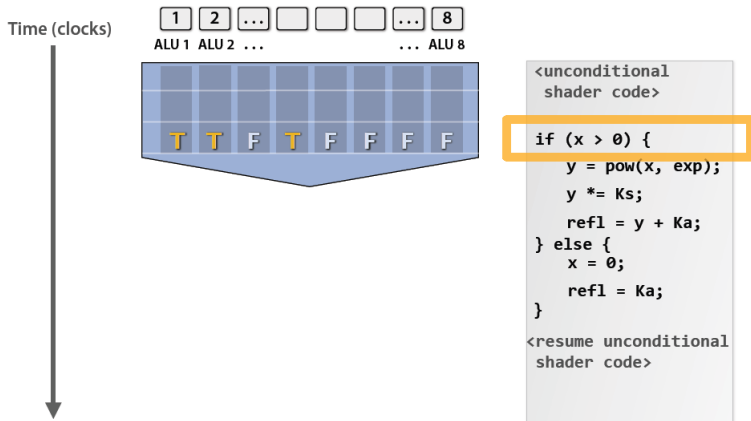


```
<unconditional  
shader code>
```

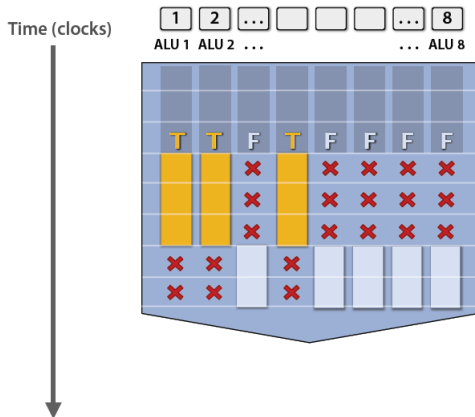
```
if (x > 0) {  
    y = pow(x, exp);  
    y *= Ks;  
    refl = y + Ka;  
} else {  
    x = 0;  
    refl = Ka;  
}
```

```
<resume unconditional  
shader code>
```

Elágazások



Elágazások



```

<unconditional
  shader code>

if (x > 0) {
  y = pow(x, exp);
  y *= Ks;
  refl = y + Ka;
} else {
  x = 0;
  refl = Ka;
}

<resume unconditional
  shader code>
    
```

Elágazások

- ▶ Az ALU1-ALU8 a közös utasításfeldolgozó egységhez rendelt ALU-kat jelöli
- ▶ A T azoknál az ALU-knál jelent meg, akiknek az adatai alapján az elágazás feltétele *igaz*
- ▶ Az F pedig azoknál, akiknél *hamis*
- ▶ Mindkét ág utasításait (!) ki kell értékelni
- ▶ Legrosszabb esetben a nyolcadára esik a fenti ábrán a teljesítmény!
- ▶ Mai GPU-kon 16-64 ALU van közös utasítás-folyamon

Várakozások

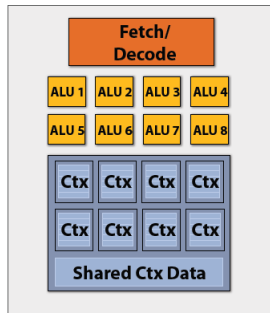
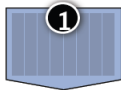
- ▶ Egy ALU-n átlapolva több fragmentet/vertexet/stb. dolgozzunk fel → több végrehajtási kontextus tárolása (kód, átmeneti adatok stb.)
- ▶ Mert bizonyos műveletek sokkal lassabbak, mint mások
- ▶ Például: egy textúralekérdezés shaderben 100x vagy akár 1000x lassabb, mint egy aritmetikai (vektor)művelet!

Átlapolás

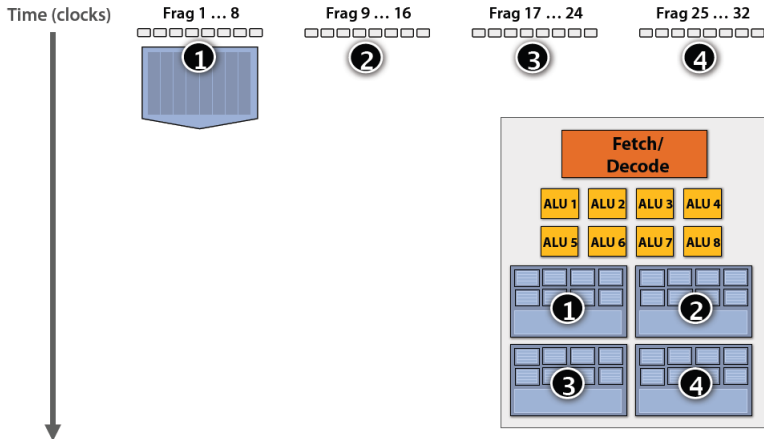
Time (clocks)



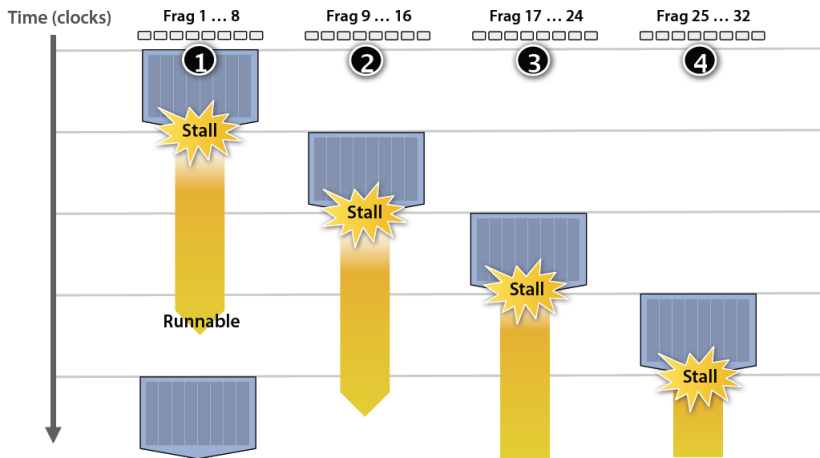
Frag 1 ... 8



Átlapolás



Átlapolás



GPU feldolgozó egység

A GPU-s streamprocesszorok felépítésében tehát a következő észrevételek játszottak fontos szerepet:

1. A csak egyetlen egy szál gyors végrehajtását segítő komponenseket vegyük ki
2. $\Rightarrow$ csökkentsük a költségeket úgy, hogy több ALU-hoz közös utasításszedőt (azaz: futtatott programot) rendelünk $\rightarrow$ **Single Instruction Multiple Data**
3. Egy ALU-n átlapolva több fragmentet/vertexet/stb. dolgozzunk fel $\rightarrow$ több végrehajtási kontextus tárolása (kód, átmeneti adatok stb.)